

Câu	Nội dung	Điểm
1	$I = \int_1^{+\infty} \frac{\sqrt{x}}{1+x} dx$	2.0
	Ta có: $f(x) = \frac{\sqrt{x}}{1+x} \geq 0, \forall x \in [1, +\infty)$	0.25
	Xét $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \geq 0, \forall x \in [1, +\infty)$	0.25
	Ta thấy $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = 1$	0.5
	Mà $\int_1^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x}} dx$ phân kỳ (vì $\alpha < 1$)	0.5
	Theo TCSS 2 $\Rightarrow I = \int_1^{+\infty} \frac{\sqrt{x}}{1+x} dx$ phân kỳ	0.5
2	$f(x, y(x)) = 2x$	2.0
	$y'(x) = x$	0.5
	$I = \int_0^2 2x\sqrt{1+x^2} dx = \int_0^2 \sqrt{1+x^2} d(1+x^2)$	0.25
	$= \frac{2}{3} \sqrt{(x^2+1)^3} \Big _0^2$	0.5
	$= \frac{2}{3} (5\sqrt{5} - 1)$	0.25
3	$I = \int_{(AB)} (x-y^2)dx - (1-x^2)dy$, (AB) là đoạn thẳng nối từ điểm $A(1,2)$ đến điểm $B(3,4)$	1.0
	$(AB): \begin{cases} x = 1+2t \\ y = 2+2t \end{cases}, 0 \leq t \leq 1$	0.25
	$I = \int_0^1 \left(\left[(1+2t) - (2+2t)^2 \right] \cdot 2 - \left[1 - (1+2t)^2 \right] \cdot 2 \right) dt$	0.25
	$= 2 \int_0^1 (-3-2t) dt$	0.25

	$= 2(-3t - t^2) \Big _0^1 = -8$	0.25
4	$(3x+1).ydx + 5x.(2-y)dy = 0$ (1)	2.0
	Ta thấy: $x=0, y=0$ là nghiệm kỳ dị	0.5
	Khi $x \neq 0$ và $y \neq 0$	
	(1) $\Leftrightarrow \frac{3x+1}{x} dx + \frac{5(2-y)}{y} dy = 0$	0.25
	$\Leftrightarrow \int \frac{3x+1}{x} dx + 5 \int \frac{2-y}{y} dy = C$	0.25
	$\Leftrightarrow \int \left(3 + \frac{1}{x}\right) dx + 5 \int \left(\frac{2}{y} - 1\right) dy = C$	0.5
	$\Leftrightarrow 3x + \ln x + 5(2 \ln y - y) = C$	0.5
5	$y'' - 5y' + 4y = 4x^2 + 2x - 5$ (1)	3.0
	Nghiệm của (1): $y = y_0(x) + y_r(x)$	0.25
	Xét PT thuần nhất: $y'' - 5y' + 4y = 0$ (2)	
	PT đặc trưng: $k^2 - 5k + 4 = 0$ (3)	0.50
	có nghiệm đơn $k_1 = 1, k_2 = 4$	
	$\Rightarrow y_0(x) = C_1 e^x + C_2 e^{4x}$	0.50
	Vì $\alpha = 0$ không là nghiệm của (3) nên $s = 0$. Do đó $y_r(x) = Ax^2 + Bx + C$	0.50
	Đạo hàm: $y_r'(x) = 2Ax + B, y_r''(x) = 2A$	0.50
	Thay $y_r(x), y_r'(x), y_r''(x)$ vào (1). Khi đó ta được: $A = 1, B = 3, C = 2$	0.25
$\Rightarrow y_r(x) = x^2 + 3x + 2$	0.25	
Vậy nghiệm của (1) là:		
$y = C_1 e^x + C_2 e^{4x} + x^2 + 3x + 2$	0.25	